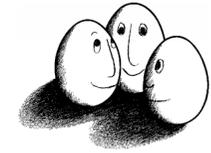
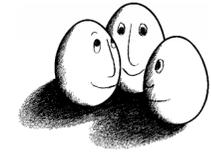


# Speichern von Daten



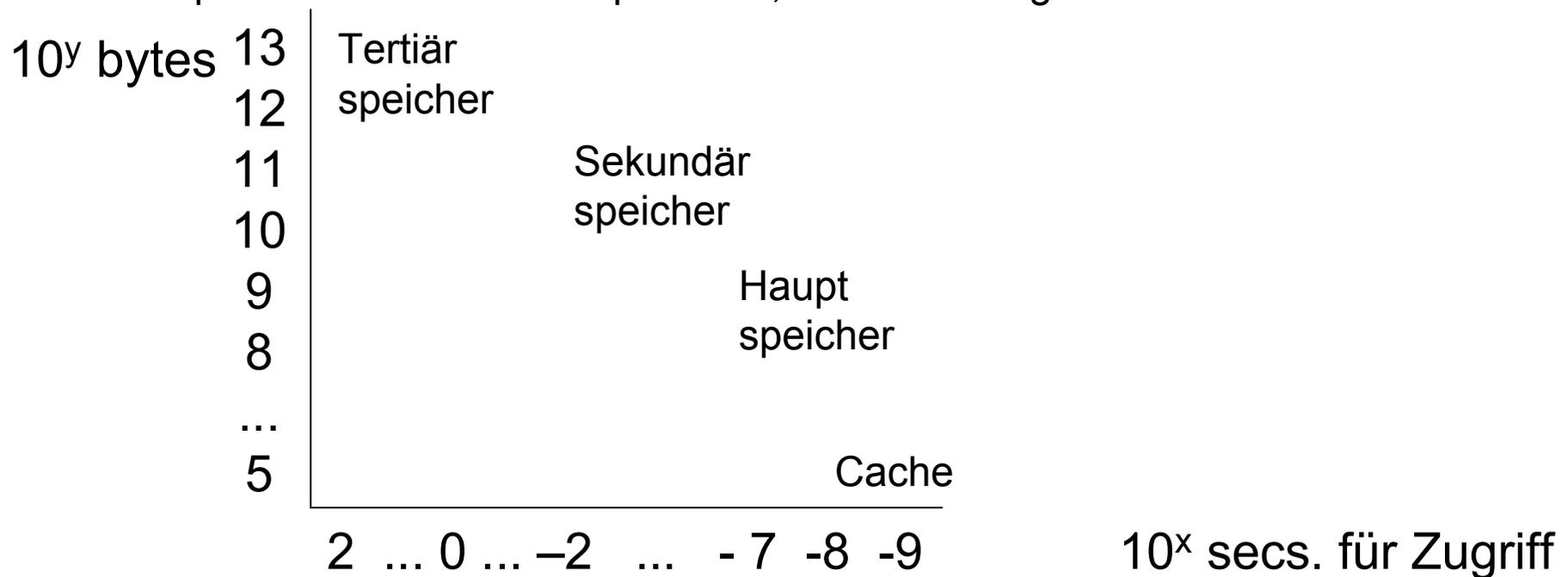
# Unterschiede von DBMS und files

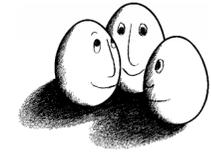
- DBMS unterstützt viele Benutzer, die gleichzeitig auf dieselben Daten zugreifen – concurrency control.
- DBMS speichert mehr Daten als in den Hauptspeicher passen.
  - Platten (Sekundärspeicher) oder sogar Bänder, CD, DVD (Tertiärspeicher) sind im Zugriff.
- DBMS organisiert die Daten so, dass minimal viele Plattenzugriffe nötig sind.



# Zugriffszeit vs. Speicherplatz

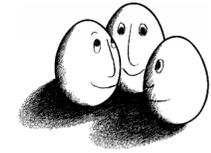
- Sekundärspeicher können mehr speichern, sind aber langsamer als der Hauptspeicher.
- Tertiärspeicher können mehr speichern, sind aber langsamer als Platten.





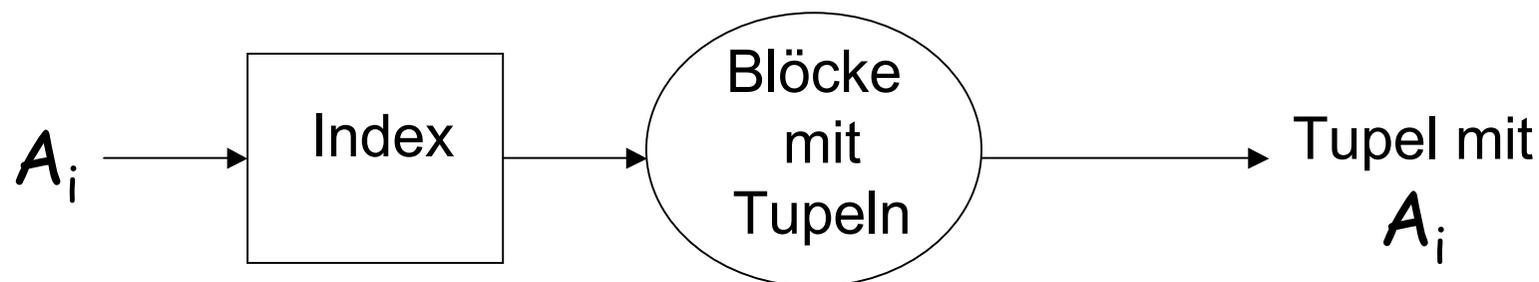
# Konsequenz für Algorithmen

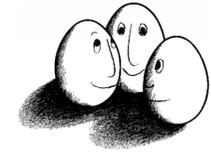
- Random Access Model – Annahmen:
  - alle Daten sind im Hauptspeicher.
  - Zugriff dauert bei allen Daten gleich lange (oder kurz!).
  
- DBMS unterliegen nicht den RAM Annahmen  
⇒ Algorithmen müssen anders geschrieben werden für dasselbe Problem.
  - Wenig Plattenzugriffe!
  - So viel wie möglich mit einem Tupel, das man mal hat, tun!
  - Daten, die häufig gebraucht werden, in den Cache ziehen!
  - Nur sehr wenige Daten aus dem Tertiärspeicher verwenden!



# Index

- Ein Index ist jede Datenstruktur, die als Eingabe eine Eigenschaft eines Tupels nimmt und das Tupel mit dieser Eigenschaft schnell findet.
- Typischerweise ist ein Index ein Verzeichnis, das zu einem Attribut  $A$  die möglichen Werte  $A_i$  angibt und auf die Speicherblöcke verweist, wo Tupel mit dem Wert  $A_i$  gespeichert sind.





# Wahl der Indizes – Beispiel

- Q1: 

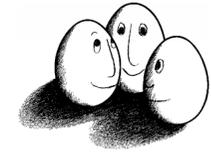
```
SELECT titel, jahr  
FROM stars  
WHERE name=s;
```

 Filme eines Schauspielers
- Q2: 

```
SELECT name  
FROM stars  
WHERE titel=t AND jahr=j;
```

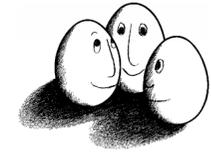
 Schauspieler eines Films
- I: 

```
INSERT INTO stars VALUES (t, j, s);
```



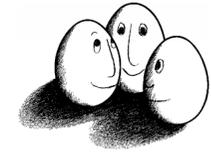
# Kosten bei Anfragen

- stars sei auf Platte in 10 Blöcken gespeichert. Ohne Index machen wir also 10 Plattenzugriffe bei Q1 und Q2.
- Jeder Schauspieler macht durchschnittlich 3 Filme pro Jahr. Mit Index auf name brauchen wir 1 Zugriff auf den Index und 3 Plattenzugriffe für seine 3 Filme.
- Jeder Film hat durchschnittlich 3 Schauspieler genannt. Mit Index auf titel brauchen wir einen Zugriff auf den Index und 3 Plattenzugriffe für die 3 Schauspieler



# Einfügekosten

- Ohne Index ist Einfügen (I) nur 1 Plattenzugriff, um in einem Block einen freien Platz zu finden und 1 Zugriff, um den Block mit dem neuen Tupel zurückzuschreiben.
- Mit Index müssen 2 Plattenzugriffe für die Veränderung des Index und 2 Zugriffe für das Platzfinden und Schreiben des Tupels, also 4 Zugriffe, vorgenommen werden.



# Durchschnittskosten

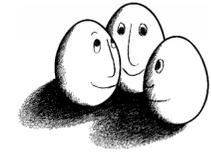
	Kein Index	Index auf name	Index auf titel	Beide Indizes
Q1	10	4	10	4
Q2	10	10	4	4
I	2	4	4	6
Durchschnitt	$2+8p_1+8p_2$	$4+6p_2$	$4+6p_1$	$6-2p_1-2p_2$

Sei  $p_1$  der Bruchteil der Zeit, in dem Q1 bearbeitet wird (z.B. : bei 10% Q1-Anfragen ist  $p_1=0,1$ )

$p_2$  der für Q2, so ist der Bruchteil von I:  $1-p_1-p_2$ .

Je nach tatsächlicher Häufigkeit sind unterschiedliche Indizes günstig.

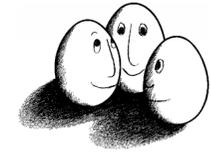




# Blöcke

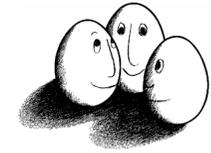
- Tupel werden in Blöcken gespeichert.
- Ganze Blöcke werden in den Hauptspeicher geladen.
- Um ein Tupel zu finden, muss man:
  - den Block in den Hauptspeicher laden, der das Tupel enthält.
  - innerhalb des Blocks das Tupel finden.





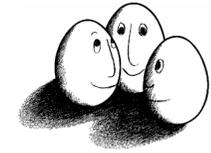
# Indizes

- Ein Index dient dem schnellen Finden:
  - Eingabe: eine Eigenschaft eines Tupels (z.B. einen Attributwert) – Suchschlüssel.
  - Ausgabe: alle Tupel mit der Eigenschaft.
- Es kann mehrere Suchschlüssel für Tupel geben!
- Datenstrukturen für Indizes.
  - Schnelles Finden von Tupelmengen.
  - Leichtes Einfügen und Löschen von Tupeln.



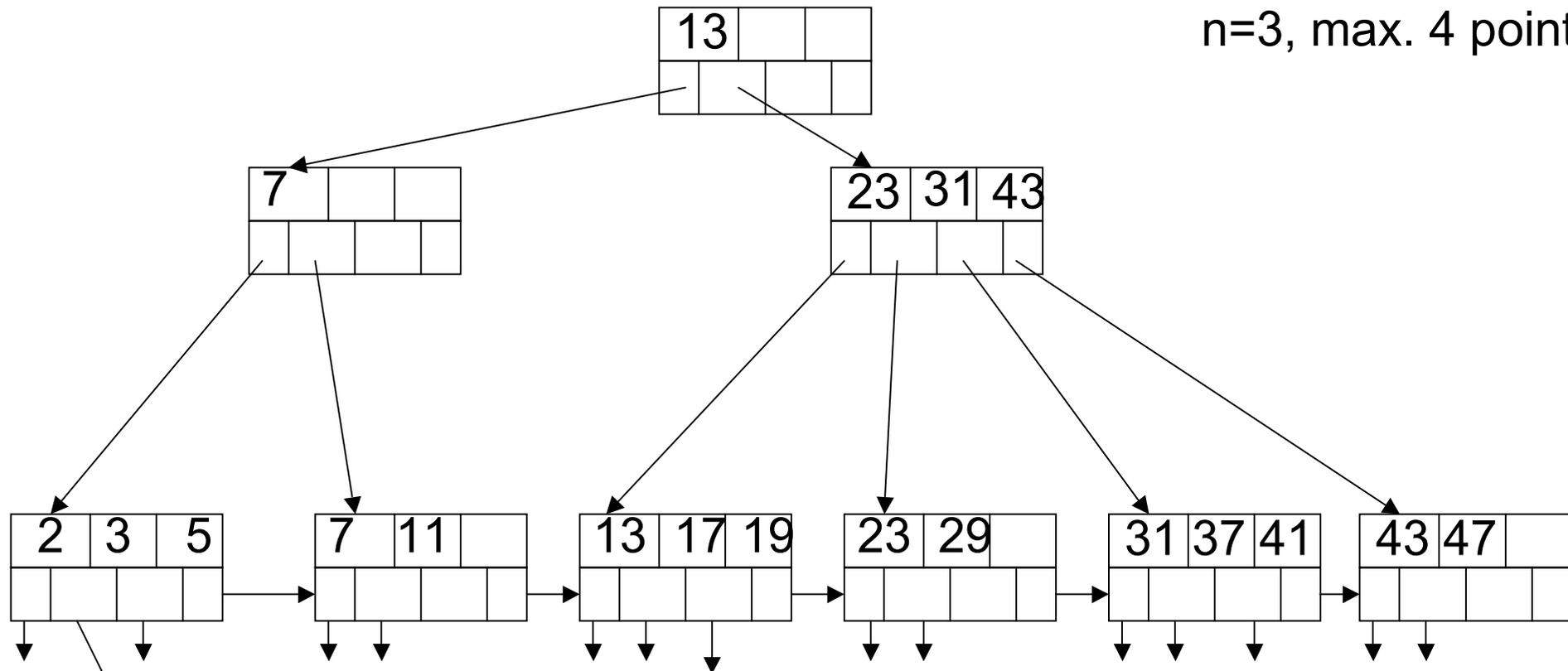
# B-Trees

- B-trees verwalten so viele Suchschlüssel wie nötig.
- Ein Block in einem B-tree besteht aus  $n$  Suchschlüsseln und  $n+1$  Zeigern. Die Zeiger der Blätter verweisen auf Tupel, der letzte auf den Nachbarblock.
- Jeder Block in einem B-tree ist halb oder vollständig gefüllt – nicht weniger. Er enthält mindestens 2 Zeiger.
- B-trees organisieren Blöcke in einem Baum fester Tiefe.

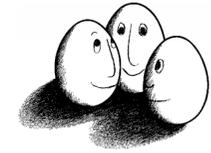


# Beispiel für einen numerischen Suchschlüssel

n=3, max. 4 pointer



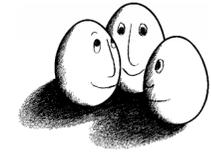
Block mit Tupeln mit Attributwert 3 (Suchschlüssel)



# Suche im B-Tree

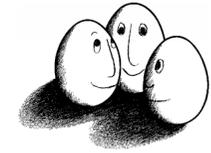
Suche nach Tupeln mit Suchschlüsselwert K:

- An Mittelknoten mit Werten  $K_1, \dots, K_n$ :
  - $K < K_1 \Rightarrow$  zum 1.linken Unterknoten gehen,
  - $K_1 \leq K < K_2 \Rightarrow$  zum 2.linken Unterknoten gehen,
  - ...
- Am Blattknoten nachsehen, ob K da ist – der Zeiger zeigt auf Tupel mit K.



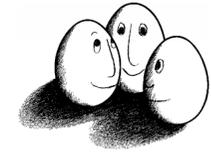
# Einfügen von Tupeln

- Suche passenden Knoten für Schlüssel des Tupels.
  - Wenn dort noch Platz ist, füge Schlüssel ein.
  - Wenn kein Platz ist,
    1. teile den Knoten,
    2. füge im übergeordneten Knoten einen Zeiger hinzu, wenn dort noch Platz ist
    3. Sonst gehe zu 1.



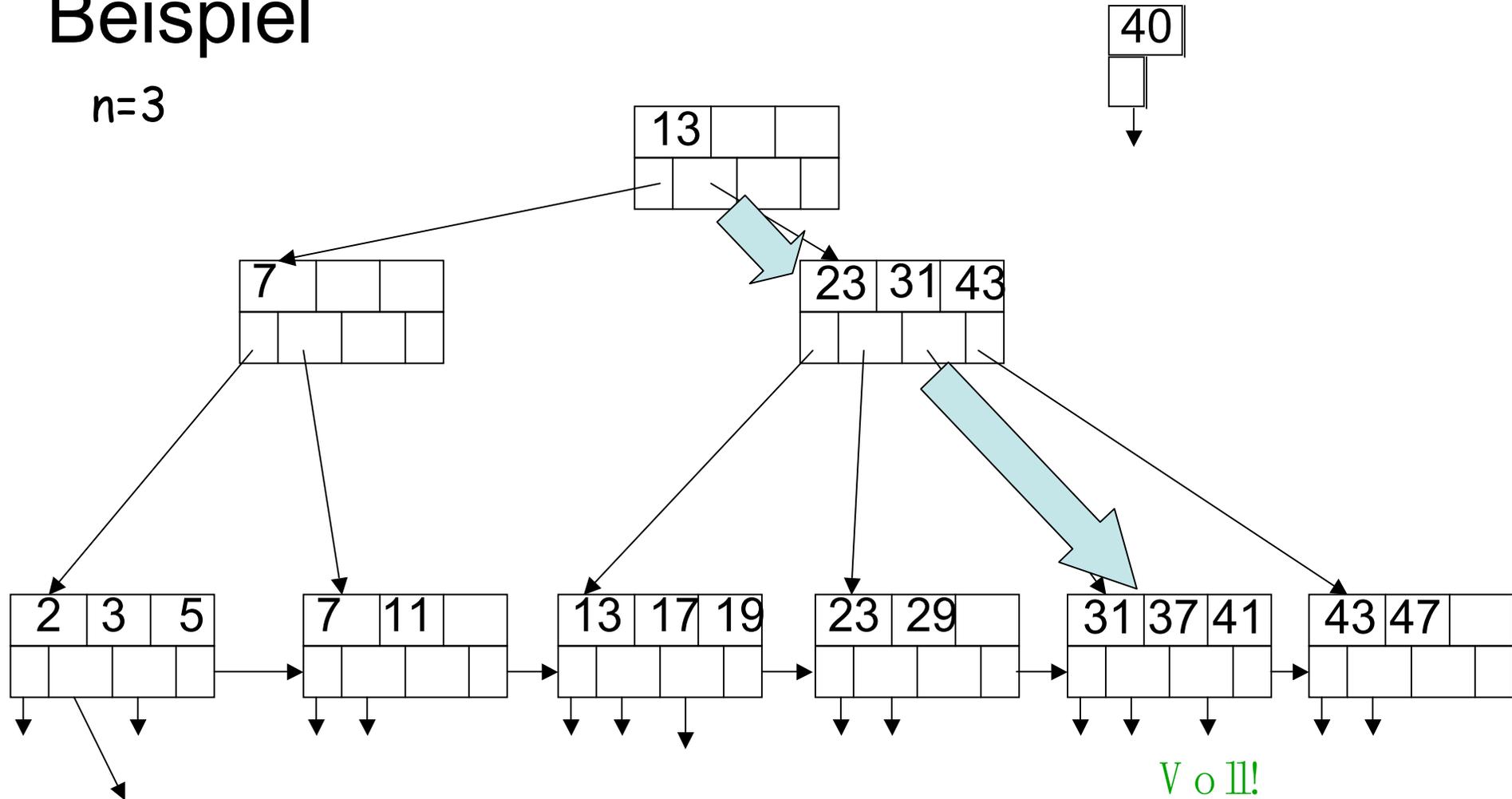
# Teilen von Knoten

- Erzeuge neuen Knoten M neben dem ursprünglichen Knoten N.
- N behält die ersten  $\lceil (n+2):2 \rceil$  Zeiger, M erhält die restlichen Zeiger.
- N behält die ersten  $\lceil n:2 \rceil$  (aufgerundet-halben) Schlüssel, M erhält die letzten  $\lfloor n:2 \rfloor$  (abgerundet-halben) Schlüssel, der verbleibende Schlüssel in der Mitte wandert eine Ebene hinauf.

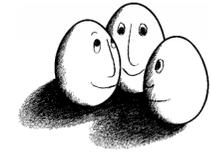


# Beispiel

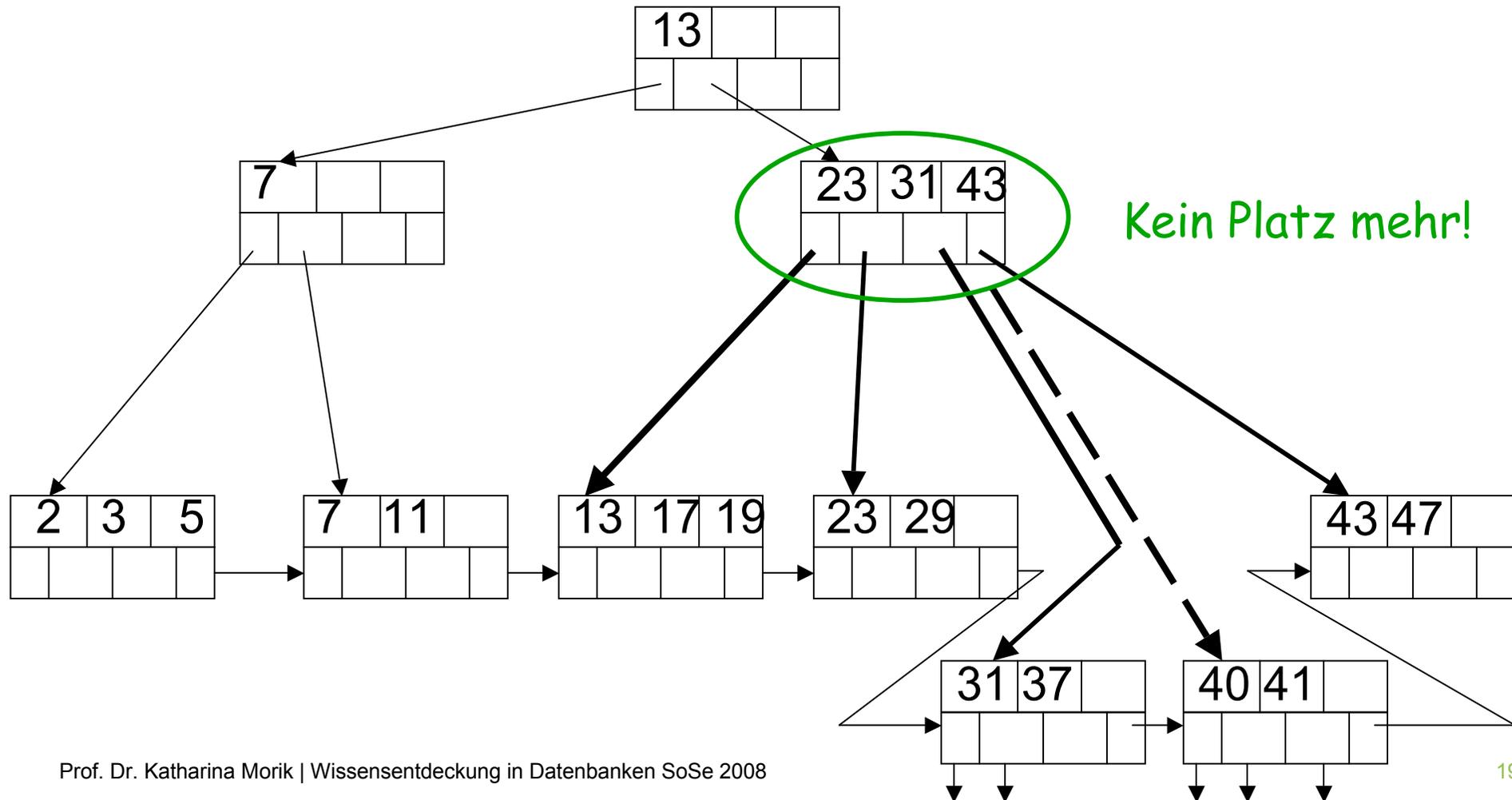
n=3

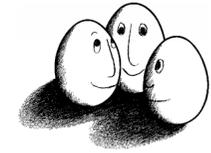


V o II!

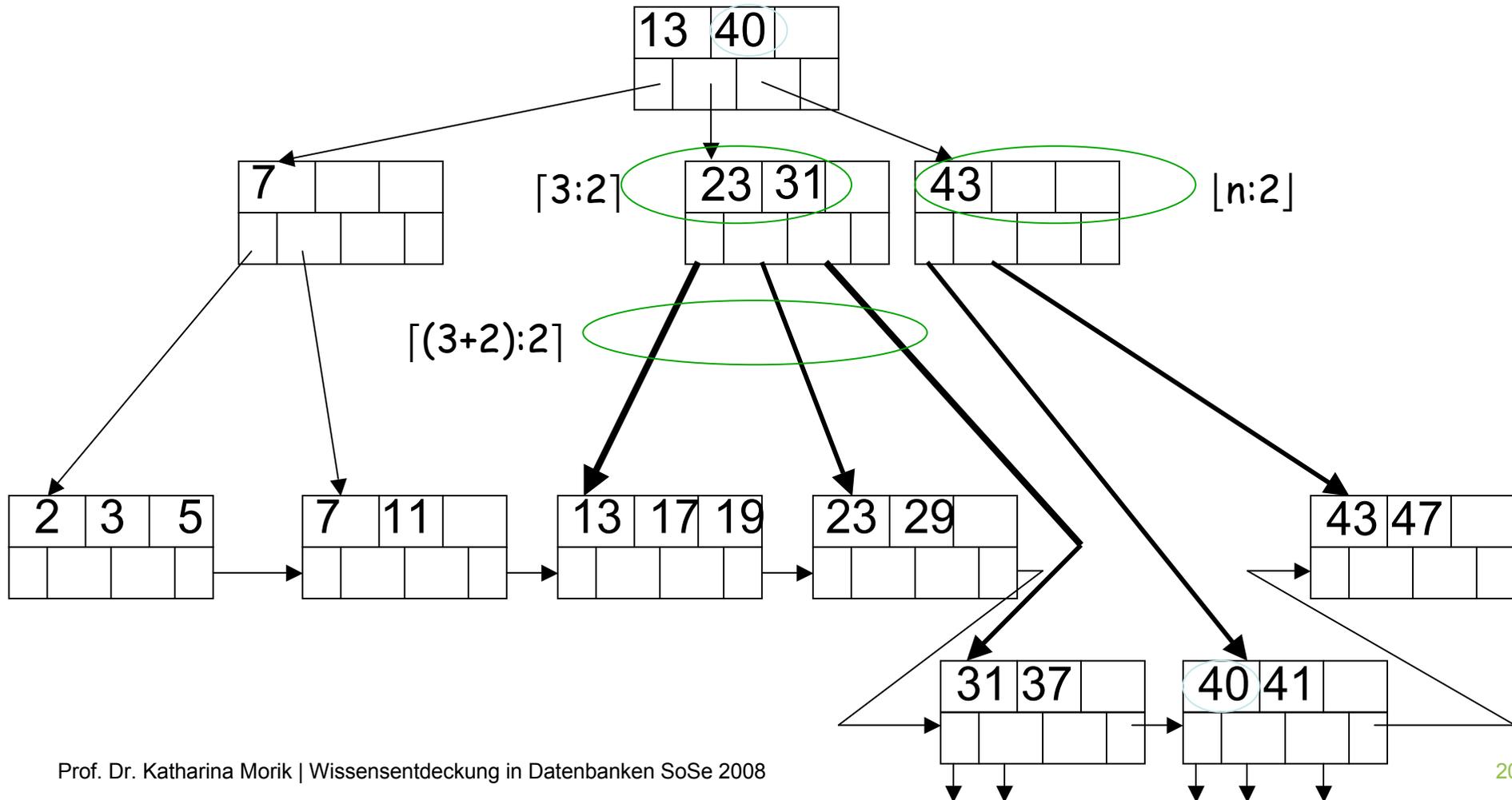


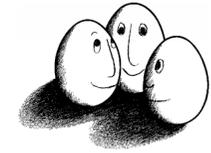
# Knoten teilen





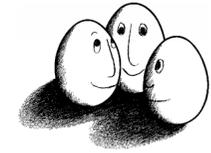
# Nach oben propagieren





# Eigenschaften der B-Trees

- Sehr wenige Plattenzugriffe:
  - Man liest von der Wurzel aus die passenden Knoten  
⇒ so viele Plattenzugriffe wie Ebenen des B-Trees + Lesen der Tupel (+ Reorganisation).
  - Meist genügen 3 Ebenen eines B-Trees und die Wurzel wird permanent im Hauptspeicher gehalten  
⇒ 2 Plattenzugriffe.
- Für geeignetes  $n$  (z.B.  $n=10$ ) kommt Teilen oder Verbinden von Knoten selten vor, so dass die Reorganisation wenig kostet.

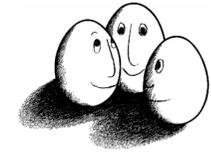


# Darstellung von Mengen: Hashing

- Eine Hash-Funktion bildet  $M$  mögliche Elemente einer Menge auf eine feste Anzahl  $B$  von Beuteln ab.
- Im Idealfall befindet sich in einem Beutel genau eine Adresse.

$h(x) \rightarrow \mathbb{N}$  liefert für einen Schlüssel  $x$  eine natürliche Zahl, die die Speicheradresse bezeichnet.

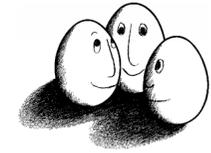
- Hash-Tabellen sind extrem effizient (meist nur 1 Plattenzugriff).



# Beispiel Hash-Funktion

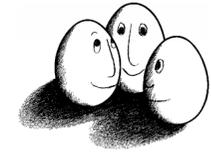
{braun, rot, blau, violett, türkis}; M=5

- $h(x) = \text{Wortlänge} - 3$  ergibt 2, 0, 1, 4, 3  
perfekt,  $M=B$ , je Beutel 1 Adresse
- Buchstabenwerte  $c_i$ : A-Z, Ä, Ö, Ü durchzählen
- $h(x) = (\sum c_i) \text{ modulo } C$ 
  - $C=6$  ergibt 2, 5, 0, 1, 4    perfekt,  $M=B$  (1 Element)
  - $C=4$  ergibt 0, 1, 0, 3, 2     $B=4$  (1,25 Elemente)
  - $C=5$  ergibt 1, 3, 1, 3, 1     $B=2$  (2,5 Elemente)
- B Adressen mit  $(1/B)$  M Elementen



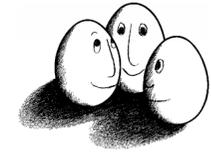
# Lastfaktor

- Der Lastfaktor einer Hash-Tabelle ist bei der Anzahl  $B$  von Adressen und der Kardinalität  $M$  der darzustellenden Menge das Verhältnis  $M/B$ .
- Üblich: Lastfaktor 1,33.
- Abschätzung von  $M$ .
- Falls man sich verschätzt hat, muss neu angelegt werden. Aufwand in  $O(M)$ !

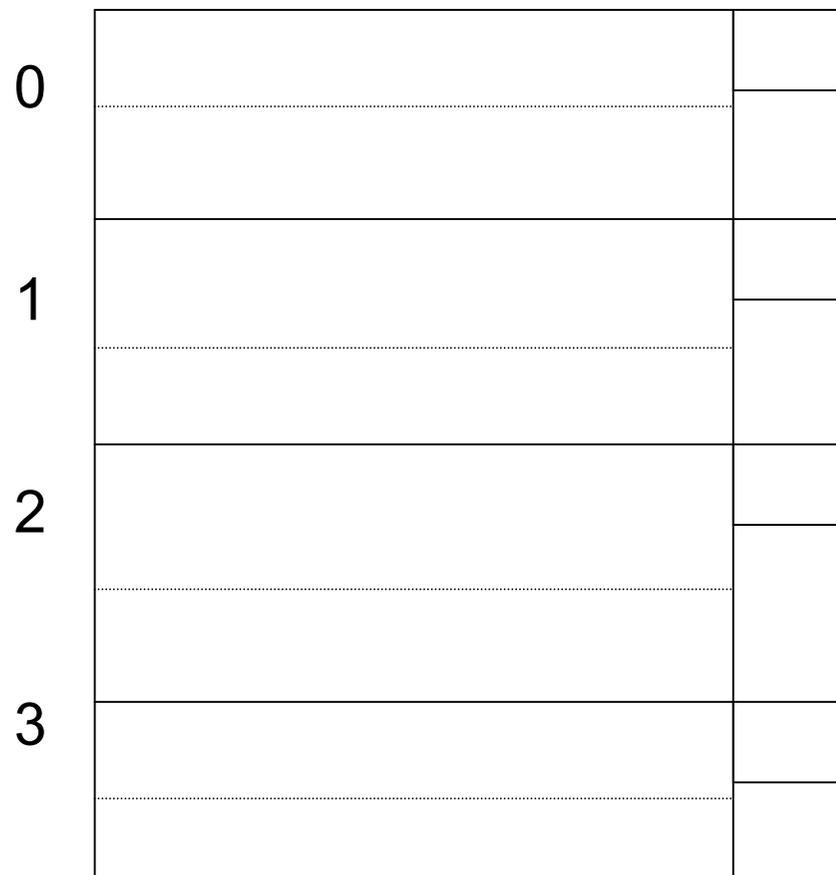


# Hash-Tabellen

- Hash-Tabellen werden zur Verwaltung des Hauptspeichers eingesetzt.
- Sie können aber auch den Sekundärspeicher indexieren.
- Eine Hash-Tabelle enthält  $n$  Beutel, von denen jeder eine Menge von Objekten (hier: Blöcke) enthält.
- Eine Hash-Funktion  $h(K)$  errechnet für einen Schlüssel einen Wert  $v$  aus  $[0...n]$ ,  $v \in \mathbb{N}$ .



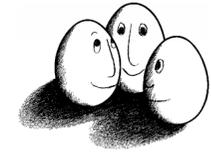
# Beispiel einer Hash-Tabelle



4 Beutel: 0,1,2,3

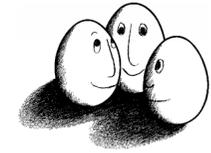
Jeder Beutel enthält 2 Tupel  
(+Überlauf).

Ein Tupel mit Suchschlüssel  
 $K$  gelangt in den Beutel  $h(K)$ .



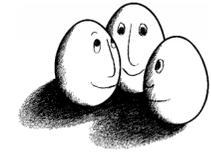
# Suchen, Einfügen

- **Suche** nach Tupel mit Suchschlüssel  $K$ : Beutel mit der Nummer  $h(K)$  aufsuchen und darin nach Tupel suchen. Idealerweise hat der Beutel genau einen Block, dann ist Suche in  $O(1)$ .
- **Einfügen** eines Tupels:  
Beutel mit  $h(K)$  finden und Tupel anhängen. Falls der Beutel voll ist, den Überlauf verwenden. Der Überlauf sollte nicht mehrere Blöcke umfassen.



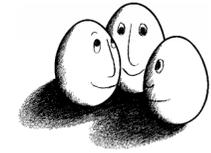
# Linear hashing

- *Indirekte Adressierung*: die Beutel enthalten Adressen von Blöcken, nicht die Blöcke selbst.
- *Dynamisch*: Anzahl der Beutel wird immer so gewählt, dass die durchschnittliche Anzahl von Tupeln je Beutel 80% der in einen Block passenden Tupel beträgt.  
Da nur die Adressen verschoben werden und nicht die Daten, ist das möglich.



# Genauer

- Die hash-Funktion liefert eine  $k$ -bit Binärzahl.
- Eine  $i$ -bit Binärzahl,  $i < k$ ,  $i = \lceil \log_2 n \rceil$  nummeriert die Beutel durch, bei gegenwärtig  $n$  Beuteln.
- Es werden die  $i$ -hintersten Stellen von  $h(K)$  genommen!



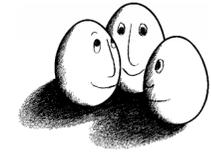
## Beispiel

$k=4, i=1, n=2$

3 Tupel ( $M=3$ )

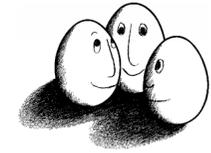
0	0000	
	1010	
1	1111	

Im Beutel mit der Nummer 0 sind alle Tupel, deren Suchschlüssel mit 0 endet, in dem mit der Nummer 1 sind alle Tupel, deren Suchschlüssel mit 1 endet. Soll  $M < 1,33 n$  gelten, dann muss ein neuer Beutel hinzugefügt werden.



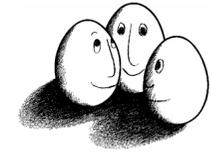
# Partitioned hashing

- Multidimensionale Indexierung:
  - Mehrere Attribute  $A_1, \dots, A_n$  sollen als Suchschlüssel verwendet werden.
  - Es sollen aber bei einer Suche nicht alle Attribute  $A_i$  durch Werte  $v_i$  angegeben werden müssen.
- Die bits der hash-Funktionen  $h_1(v_1), \dots, h_n(v_n)$  werden konkateniert und ergeben so die k-bit der Gesamt-hash-Funktion.

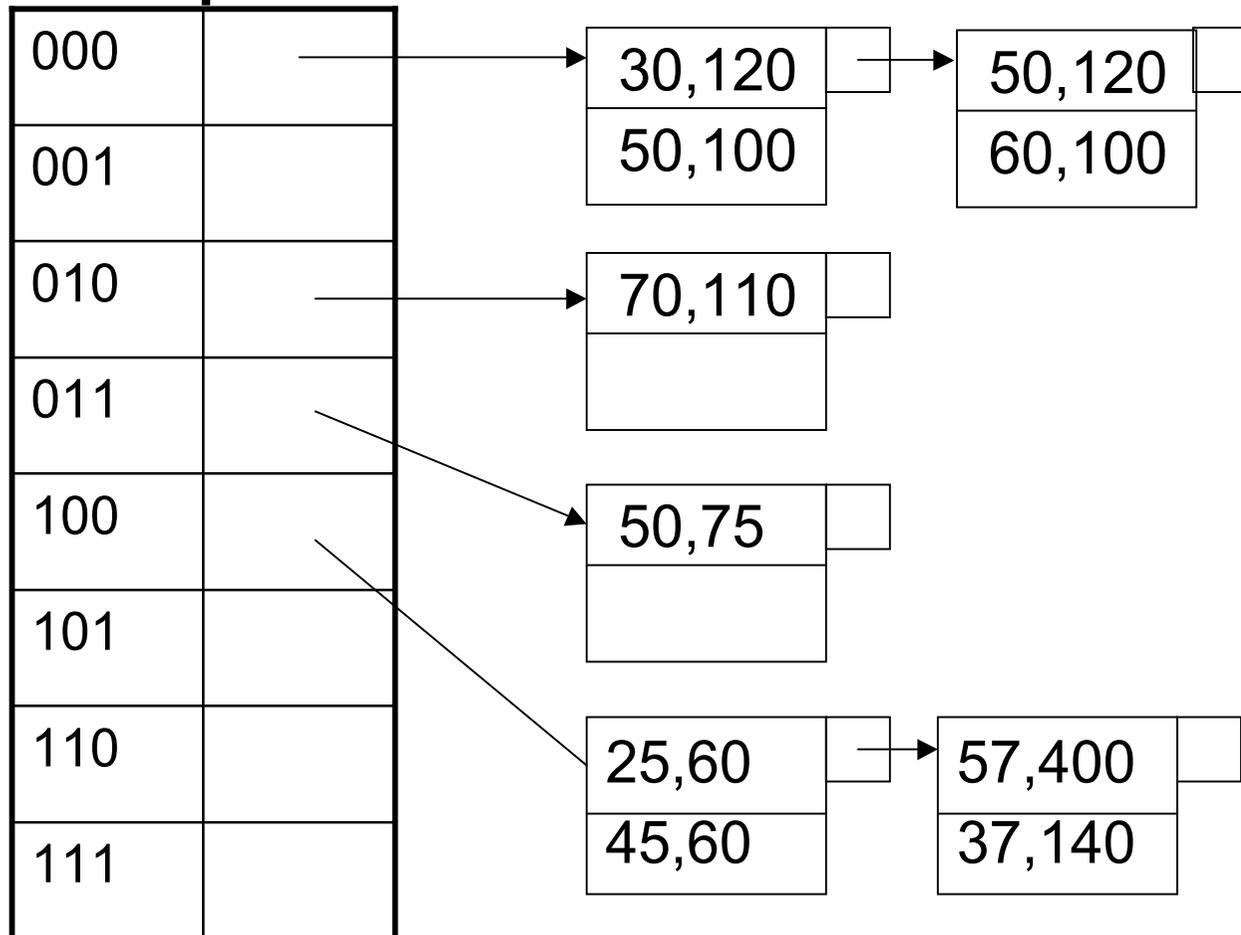


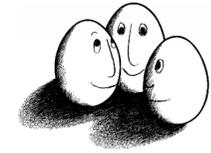
# Beispiel

- Indexierung nach
  - Alter  $h(a) = a \text{ modulo } 2$   
Gerades Alter ergibt 0yz, ungerades Alter ergibt 1yz, (y,z sind Variablen für bits).
  - Gehalt  $h(g) = g:1000 \text{ modulo } 4$   
Rest 1 ergibt x01, Rest 3 ergibt 11.
  - Gesamt-hash-Wert ist xyz.
- $h(50,75000)$  ergibt 011.



# Beispiel





# Was wissen Sie jetzt?

- Sie ahnen, dass Datenbanken etwas anderes sind als eine Sammlung von Dateien.
- Sie kennen einige Datenstrukturen zur Speicherverwaltung:
  - B-Trees,
  - Hash-Tabellen mit linear hashing und partitioned hashing
- Sie wissen, dass jede Datenstruktur mit Operationen einhergeht, hier besprochen: Suchen und Einfügen.